

Evaluation #1	30 minutes calculatrice autorisée	TS4 – 27/09/2018
---------------	--------------------------------------	------------------

Question de cours : Montrer que, pour tout $a > 0$ on a :

$$(1+a)^n \geq 1+na, \forall n \geq 0$$

Exercice 1 :

Soit (u_n) la suite définie pour $n \geq 0$ par $u_0 = 0$ et $u_{n+1} = \sqrt{u_n^2 + 1}$.
Calculer les valeurs exactes des 3 premiers termes de (u_n) .

Conjecturer une formule explicite pour u_n , puis la démontrer à l'aide d'un raisonnement par récurrence.

Exercice 2 :

On définit $n!$ Par $n! = n \times (n-1) \times \dots \times 2 \times 1$. Ainsi, par exemple,
 $3! = 3 \times 2 \times 1 = 6$

Montrer par récurrence que : $\forall n \geq 2$, on a $n! \geq 2^{n-1}$

Evaluation #1	30 minutes calculatrice autorisée	TS4 – 27/09/2018
---------------	--------------------------------------	------------------

Question de cours : Montrer que, pour tout $a > 0$ on a :

$$(1+a)^n \geq 1+na, \forall n \geq 0$$

Exercice 1 :

Soit (u_n) la suite définie pour $n \geq 0$ par $u_0 = 0$ et $u_{n+1} = \sqrt{u_n^2 + 1}$.
Calculer les valeurs exactes des 3 premiers termes de (u_n) .

Conjecturer une formule explicite pour u_n , puis la démontrer à l'aide d'un raisonnement par récurrence.

Exercice 2 :

On définit $n!$ Par $n! = n \times (n-1) \times \dots \times 2 \times 1$. Ainsi, par exemple,
 $3! = 3 \times 2 \times 1 = 6$

Montrer par récurrence que : $\forall n \geq 2$, on a $n! \geq 2^{n-1}$

Evaluation #1	30 minutes calculatrice autorisée	TS4 – 27/09/2018
---------------	--------------------------------------	------------------

Question de cours : Montrer que, pour tout $a > 0$ on a :

$$(1+a)^n \geq 1+na, \forall n \geq 0$$

Exercice 1 :

Soit (u_n) la suite définie pour $n \geq 0$ par $u_0 = 0$ et $u_{n+1} = \sqrt{u_n^2 + 1}$.
Calculer les valeurs exactes des 3 premiers termes de (u_n) .

Conjecturer une formule explicite pour u_n , puis la démontrer à l'aide d'un raisonnement par récurrence.

Exercice 2 :

On définit $n!$ Par $n! = n \times (n-1) \times \dots \times 2 \times 1$. Ainsi, par exemple,
 $3! = 3 \times 2 \times 1 = 6$

Montrer par récurrence que : $\forall n \geq 2$, on a $n! \geq 2^{n-1}$

Evaluation #1	30 minutes calculatrice autorisée	TS4 – 27/09/2018
---------------	--------------------------------------	------------------

Question de cours : Montrer que, pour tout $a > 0$ on a :

$$(1+a)^n \geq 1+na, \forall n \geq 0$$

Exercice 1 :

Soit (u_n) la suite définie pour $n \geq 0$ par $u_0 = 0$ et $u_{n+1} = \sqrt{u_n^2 + 1}$.
Calculer les valeurs exactes des 3 premiers termes de (u_n) .

Conjecturer une formule explicite pour u_n , puis la démontrer à l'aide d'un raisonnement par récurrence.

Exercice 2 :

On définit $n!$ Par $n! = n \times (n-1) \times \dots \times 2 \times 1$. Ainsi, par exemple,
 $3! = 3 \times 2 \times 1 = 6$

Montrer par récurrence que : $\forall n \geq 2$, on a $n! \geq 2^{n-1}$